

0	5	$u_n(x)$	$T_1(x)$	$S_1(x)$	e^{ix}	e^{inx}	k	simplement	$+$
1	6	$u_{n+1}(x)$	$T_2(x)$	$S_2(x)$	e^{2ix}	$e^{i(n+1)x}$	k^2	uniformément	$-$
2	7	$u_{n+2}(x)$			e^{3ix}	$e^{i(n+2)x}$	k^3	vraie	$\times$
3	8								$\div$

Question 1 (récurrence)

Question 1 (suite)

Question 2

Question 2 (suite)

Si $(\mathcal{R}_n)$ est **vraie** alors, $S_{n+1}(x) = T_n(x) + u_n(x)/n + e^{i(n+1)x}/(n+1)$

2.0

et d'après (1) on a $S_{n+1}(x) = T_n(x) + u_n(x)/n + (u_{n+1}(x) - u_n(x))/(n+1)$,

2.0

d'où $S_{n+1}(x) = T_n(x) + (u_{n+1}(x) + n u_n(x))/(n(n+1))$. (2)

2.0

Comme $T_{n+1}(x) = T_n(x) + u_{n+1}(x)/(n(n+1))$

2.0

on déduit de (2) que $S_{n+1}(x) = T_{n+1}(x) + u_n(x)/(n+1)$,

2.0

c'est-à-dire que $(\mathcal{R}_{n+1})$ est **vraie** : la propriété est récurrente.

0.5