

|   |   |              |          |          |           |               |       |              |   |
|---|---|--------------|----------|----------|-----------|---------------|-------|--------------|---|
| 0 | 5 | $u_n(x)$     | $T_1(x)$ | $S_1(x)$ | $e^{ix}$  | $e^{inx}$     | $k$   | simplement   | + |
| 1 | 6 | $u_{n+1}(x)$ | $T_2(x)$ | $S_2(x)$ | $e^{2ix}$ | $e^{i(n+1)x}$ | $k^2$ | uniformément | / |
| 2 | 7 | $u_{n+2}(x)$ |          |          | $e^{3ix}$ | $e^{i(n+2)x}$ | $k^3$ | vraie        |   |

Question 1 (récurrence)

Question 1 (suite)

Question 2

Question 2 (suite)

On a  $|u_n(x)| \leq C(x)$  avec  $C(x) = 2/|e^{ix} - 1| = 1/|\sin(x/2)|$ .

2.0

•  $T_n(x)$  converge simplement sur  $]0; 2\pi[$

2.0

car  $|u_k(x)/(k(k+1))| \leq C(x)/k^2$ , pour tout  $x \in ]0; 2\pi[$ .

2.0

et par suite,  $S_n(x)$  converge simplement sur  $]0; 2\pi[$ ,

2.0

car  $|S_k(x) - T_k(x)| \leq C(x)/k \xrightarrow{k \rightarrow \infty} 0$ , pour tout  $x \in ]0; 2\pi[$ .

2.0