

Feuille n° 6

1) Classifier, à similitude près, toutes les matrices nilpotentes de $M_5(\mathbb{C})$. Dans chaque cas, donner le polynôme caractéristique et le polynôme minimal correspondants.

2) En discutant selon les valeurs de $a \in \mathbb{R}$, déterminer les sous-espaces caractéristiques et donner une forme réduite de Jordan (en précisant une matrice de passage) de la matrice de $M_4(\mathbb{C})$

$$A = \begin{pmatrix} 1 & a & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \\ -2 & -(a+4) & -4 & -1 \end{pmatrix}.$$

3) Soit $A \in M_6(\mathbb{C})$ telle que
 $\rho_A(x) = (x-1)^4(x-2)^2$ et $\pi_A(x) = (x-1)^2(x-2)$.
 Que peut-on dire des dimensions des espaces propres de A ?
 Quelles sont les matrices réduites de Jordan possibles pour A ?